

Лекция 9

12 марта

```

int fib(int x) { // x >= 1
    int i;
    int predpred = 0;
    int pred = 1;
    int res = 1;
    x--;
    for (i = 0; i < x; i++) {
        res = predpred + pred;
        predpred = pred;
        pred = res;
    }
    return res;
}

```

```

fib:
    push    ebp
    mov     ebp, esp
    push    ebx

    mov     ecx, dword [ebp + 8] ; x
    xor     edx, edx             ; predpred
    mov     ebx, 1               ; pred
    mov     eax, 1               ; res
    dec     ecx

    jecxz   .end

.loop:
    lea    eax, [edx + ebx]
    mov    edx, ebx
    mov    ebx, eax
    loop  .loop

.end:
    pop    ebx
    pop    ebp
    ret

```

```

int fib(int x) { // x >= 1
    int i;
    int predpred = 0;
    int pred = 1;
    int res = 1;
    x--;
    for (i = 0; i < x; i++) {
        res = predpred + pred;
        predpred = pred;
        pred = res;
    }
    return res;
}

```

```

fib:
    push    ebp
    mov     ebp, esp
    push    ebx

    mov     ecx, dword [ebp + 8] ; x
    xor     edx, edx             ; predpred
    mov     ebx, 1               ; pred
    mov     eax, 1               ; res
    dec     ecx

    jecxz   .end

.loop:
    lea    eax, [edx + ebx]
    mov    edx, ebx
    mov    ebx, eax
    loop   .loop

.end:
    pop    ebx
    pop    ebp
    ret

```

```

int fib(int x) { // x >= 1
    int i;
    int predpred = 0;
    int pred = 1;
    int res = 1;
    x--;
    for (i = 0; i < x; i++) {
        res = predpred + pred;
        predpred = pred;
        pred = res;
    }
    return res;
}

```

```

fib:
    push    ebp
    mov     ebp, esp
    push    ebx

    mov     ecx, dword [ebp + 8] ; x
    xor     edx, edx             ; predpred
    mov     ebx, 1               ; pred
    mov     eax, 1               ; res
    dec     ecx

    jecxz  .end

.loop:
    lea    eax, [edx + ebx]
    mov    edx, ebx
    mov    ebx, eax
    loop  .loop

.end:
    pop    ebx
    pop    ebp
    ret

```

```

int fib(int x) { // x >= 1
    int i;
    int predpred = 0;
    int pred = 1;
    int res = 1;
    x--;
    for (i = 0; i < x; i++) {
        res = predpred + pred;
        predpred = pred;
        pred = res;
    }
    return res;
}

```

```

fib:
    push    ebp
    mov     ebp, esp
    push    ebx

    mov     ecx, dword [ebp + 8] ; x
    xor     edx, edx             ; predpred
    mov     ebx, 1               ; pred
    mov     eax, 1               ; res
    dec     ecx

    jecxz   .end

.loop:
    lea    eax, [edx + ebx]
    mov    edx, ebx
    mov    ebx, eax
    loop  .loop

.end:
    pop    ebx
    pop    ebp
    ret

```

• Целые числа

- Размещаются и обрабатываются в регистрах общего назначения
- Знаковые/беззнаковые числа

Intel	ASM	Bytes	C
byte	<code>b</code>	1	<code>[unsigned] char</code>
word	<code>w</code>	2	<code>[unsigned] short</code>
double word	<code>d</code>	4	<code>[unsigned] int</code>
quad word	<code>q</code>	8	<code>[unsigned] long long int</code>

• Числа с плавающей точкой

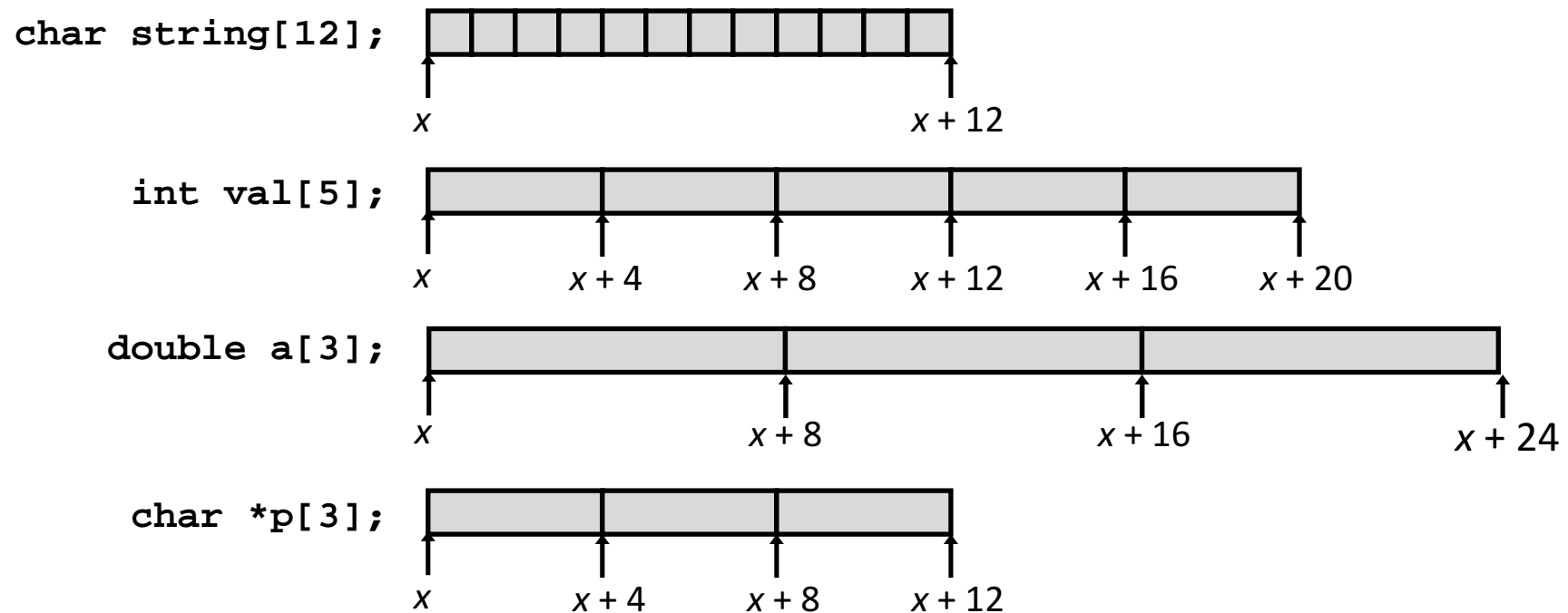
- Размещаются и обрабатываются в специализированных регистрах для чисел с плавающей точкой

Intel	ASM	Bytes	C
Single	<code>d</code>	4	<code>float</code>
Double	<code>q</code>	8	<code>double</code>

- Массивы – размещение в памяти

T A[L];

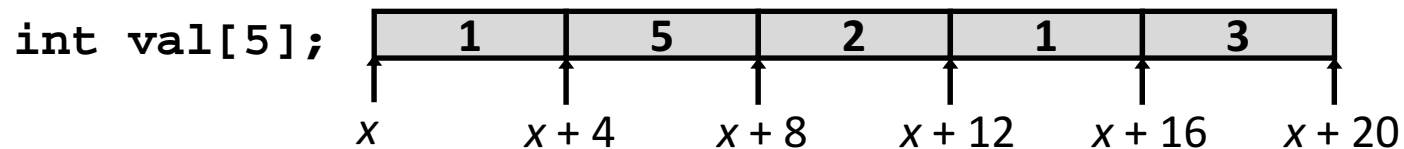
- Массив элементов типа T, размер массива – L
- Массив располагается в непрерывном блоке памяти размером $L * \text{sizeof}(T)$ байт



• Доступ к элементам массива

T A[L];

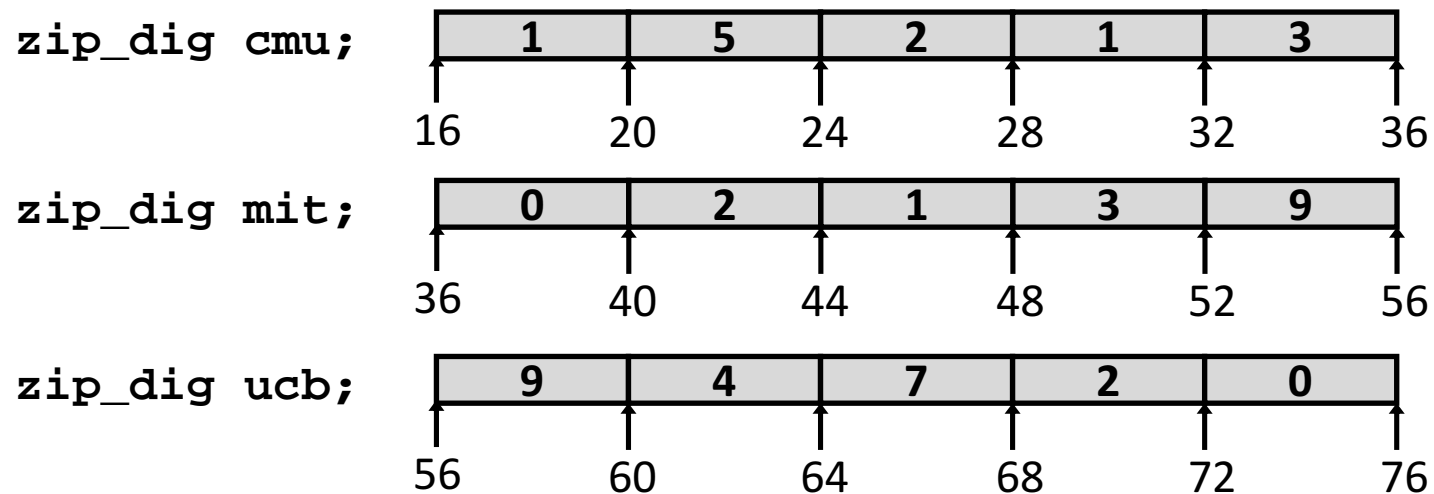
- Массив элементов типа T, размер массива – L
- Идентификатор A может использоваться как указатель на элемент массива с индексом 0. Тип указателя – T*



Ссылка	Тип	Значение
<code>val[4]</code>	<code>int</code>	3
<code>val</code>	<code>int *</code>	x
<code>val+1</code>	<code>int *</code>	x + 4
<code>&val[2]</code>	<code>int *</code>	x + 8
<code>val[5]</code>	<code>int</code>	??
<code>*(val+1)</code>	<code>int</code>	5
<code>val + i</code>	<code>int *</code>	x + 4 i

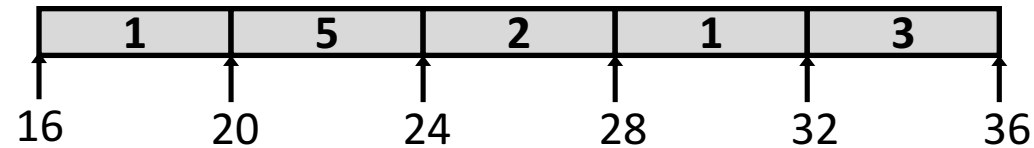

```
#define ZLEN 5
typedef int zip_dig[ZLEN];

zip_dig cmu = { 1, 5, 2, 1, 3 };
zip_dig mit = { 0, 2, 1, 3, 9 };
zip_dig ucb = { 9, 4, 7, 2, 0 };
```



- Объявление переменной “`zip_dig cmu`” эквивалентно “`int cmu[5]`”
- Массивы были размещены в последовательно идущих блоках памяти размером 20 байт каждый
 - В общем случае не гарантируется, что массивы будут размещены непрерывно

```
zip_dig cmu;
```



```
int get_digit (zip_dig z, int dig) {  
    return z[dig];  
}
```

```
; edx = z  
; eax = dig  
mov eax, dword [edx+4*eax] # z[dig]
```

- Регистр `edx` содержит начальный (базовый) адрес массива
- Регистр `eax` содержит индекс элемента в массиве
- Адрес элемента $edx + 4 * eax$

```
void zincr(zip_dig z) {
    int i;
    for (i = 0; i < ZLEN; i++)
        z[i]++;
}
```

```
                                ; edx = z
    mov eax, 0                    ; eax = i
.L4:                             ; loop:
    add dword [edx + 4 * eax], 1 ; z[i]++
    add eax, 1                    ; i++
    cmp eax, 5                    ; i vs. 5
    jne .L4                       ; if (!=) goto loop
```

```

void zincr_p(zip_dig z) {
    int *zend = z+ZLEN;
    do {
        (*z)++;
        z++;
    } while (z != zend);
}

```



```

void zincr_v(zip_dig z) {
    void *vz = z;
    int i = 0;
    do {
        (*((int *) (vz+i)))++;
        i += ISIZE;
    } while (i != ISIZE*ZLEN);
}

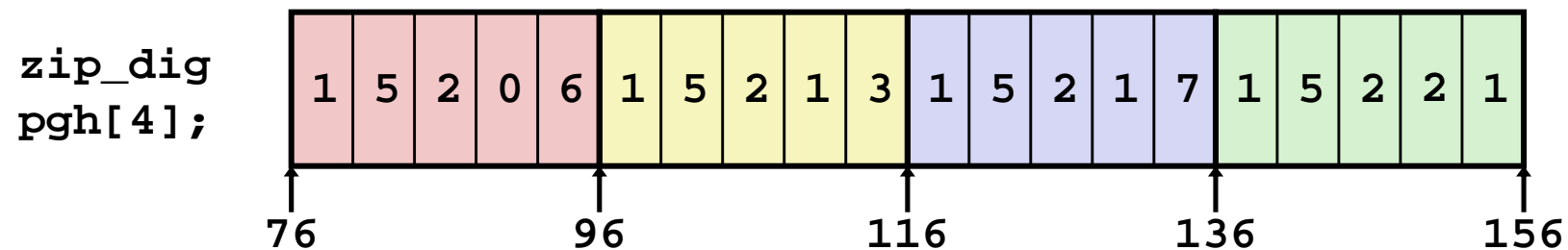
```

```

;   edx = z = vz
;   i = 0
; loop:
.L8:  movl  eax, 0
      add  dword [edx + eax], 1 ; Increment vz+i
      add  eax, 4                ; i += 4
      cmp  eax, 20              ; i vs. 20
      jne  .L8                  ; if (!=) goto loop

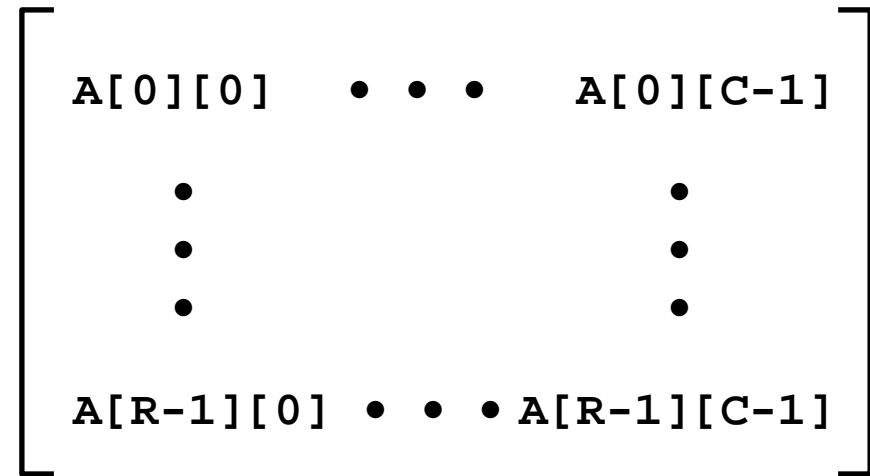
```

```
#define PCOUNT 4
zip_dig pgh[PCOUNT] =
  {{1, 5, 2, 0, 6},
   {1, 5, 2, 1, 3 }},
   {1, 5, 2, 1, 7 }},
   {1, 5, 2, 2, 1 }};
```

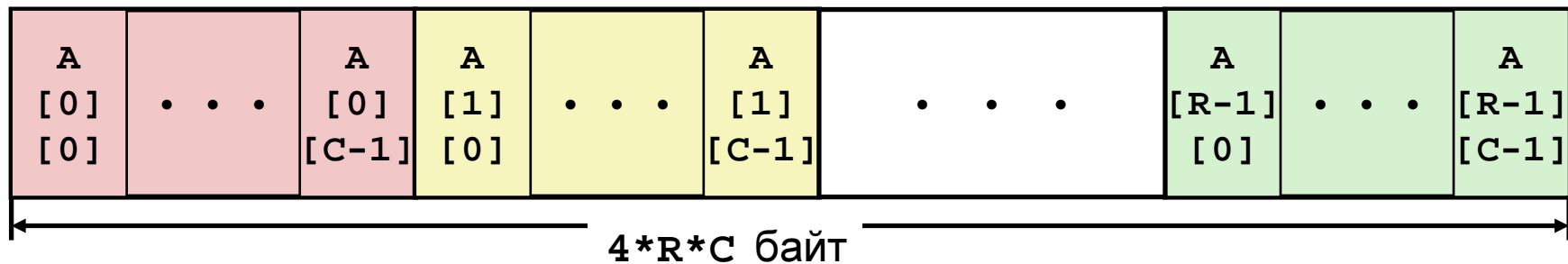


- “zip_dig pgh[4]” эквивалентно “int pgh[4][5]”
 - Переменная `pgh`: массив из 4 элементов, расположенных непрерывно в памяти
 - Каждый элемент – массив из 5 `int`’ов, расположенных непрерывно в памяти
- Всегда развертывание по строкам (Row-Major)

- Объявление
 $T \ A[R][C];$
 - 2D массив элементов типа T
 - R строк, C столбцов
 - Размер типа T – K байт
- Размер массива
 - $R * C * K$ байт
- Размещение в памяти
 - Развертывание по строкам

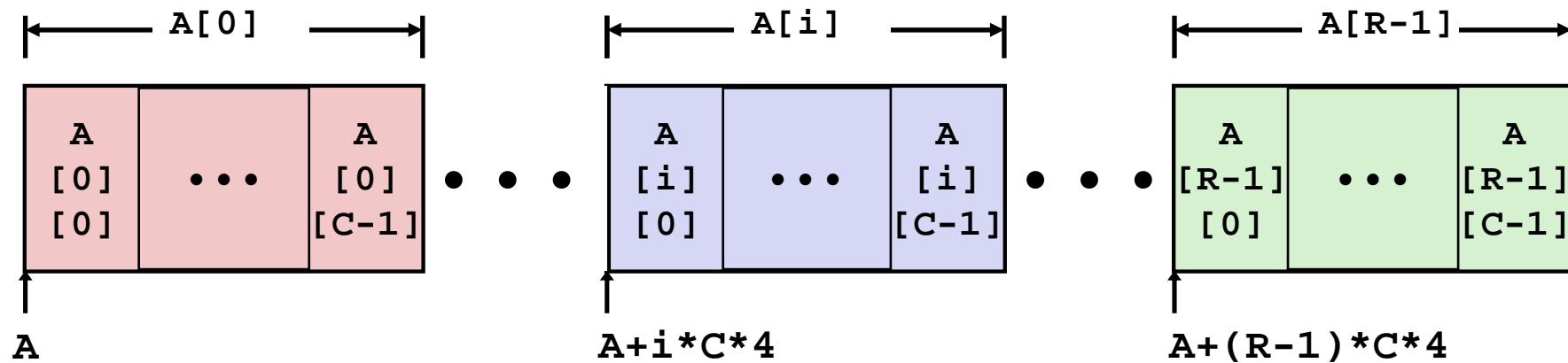


```
int A[R][C];
```



- Доступ к строкам
 - $A[i]$ массив из C элементов
 - Каждый элемент типа T требует K байт
 - Начальный адрес строки с индексом i
 $A + i * (C * K)$

```
int A[R][C];
```



```
int *get_pgh_zip(int index){
    return pgh[index];
}
```

```
#define PCOUNT 4
zip_dig pgh[PCOUNT] =
    {{1, 5, 2, 0, 6},
     {1, 5, 2, 1, 3 },
     {1, 5, 2, 1, 7 },
     {1, 5, 2, 2, 1 }};
```

```
; eax = index
lea eax, [eax + 4 * eax] ; 5 * index
lea eax, [pgh + 4 * eax] ; pgh + (20 * index)
```

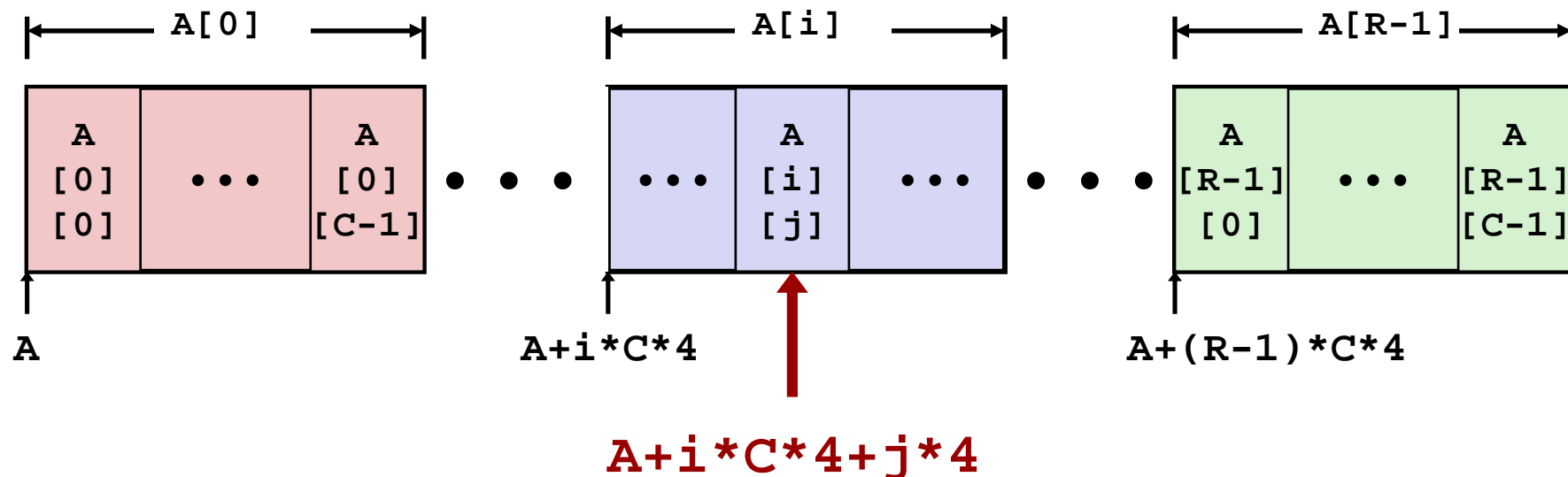
- `pgh[index]` массив из 5 `int`'s
- Начальный адрес `pgh+20*index`
- Вычисляется и возвращается адрес
- Вычисление адреса в виде `pgh + 4*(index+4*index)`

- Элементы массива

- $A[i][j]$ элемент типа T , который требует K байт

- Адрес элемента $A + i * (C * K) + j * K = A + (i * C + j) * K$

```
int A[R][C];
```



```
int get_pgh_digit (int index, int dig) {
    return pgh[index][dig];
}
```

```
mov    eax, dword [ebp + 8]      ; index
lea    eax, [eax + 4 * eax]     ; 5*index
add    eax, dword [ebp + 12]    ; 5*index+dig
mov    eax, dword [pgh + 4 * eax]; смещение 4*(5*index+dig)
```

– `pgh[index][dig]` – тип `int`

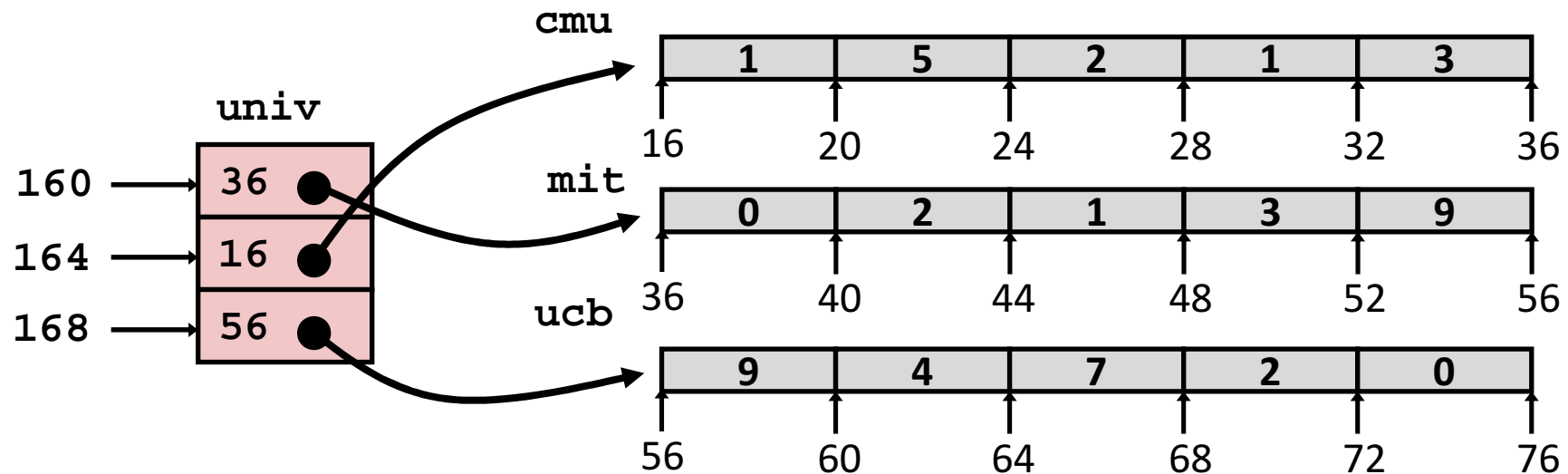
– Адрес: $pgh + 20*index + 4*dig =$
 $= pgh + 4*(5*index + dig)$

– Вычисление адреса производится как
 $pgh + 4*((index+4*index)+dig)$

```
zip_dig cmu = { 1, 5, 2, 1, 3 };
zip_dig mit = { 0, 2, 1, 3, 9 };
zip_dig ucb = { 9, 4, 7, 2, 0 };
```

```
#define UCOUNT 3
int *univ[UCOUNT] = {mit, cmu, ucb};
```

- Переменная `univ` представляет собой массив из 3 элементов
- Каждый элемент – указатель (размером 4 байта)
- Каждый указатель ссылается на массив из `int`'ов



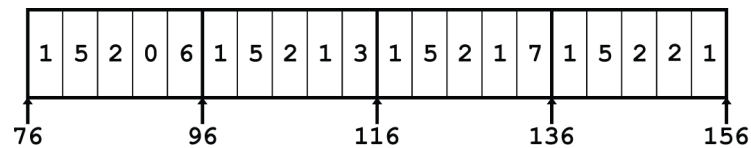
```
int get_univ_digit (int index, int dig) {  
    return univ[index][dig];  
}
```

```
mov    eax, dword [ebp + 8]          ; index  
mov    edx, dword [univ + 4 * eax]   ; p = univ[index]  
mov    eax, dword [ebp + 12]        ; dig  
mov    eax, dword [edx + 4 * eax]    ; p[dig]
```

- Доступ к элементу
Mem[Mem[univ+4*index]+4*dig]
- Необходимо выполнить два чтения из памяти
 - Первое чтение получает указатель на одномерный массив
 - Затем второе чтение выполняет выборку требуемого элемента этого одномерного массива

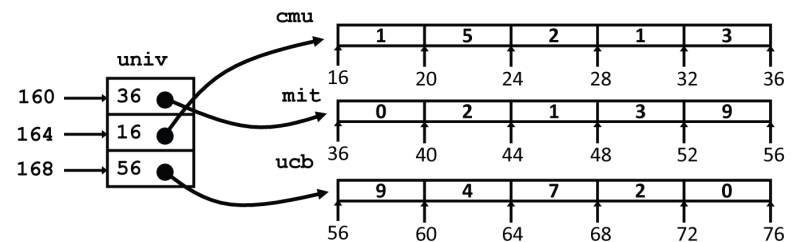
Многомерный массив

```
int get_pgh_digit
(int index, int dig)
{
    return pgh[index][dig];
}
```



Многоуровневый массив

```
int get_univ_digit
(int index, int dig)
{
    return univ[index][dig];
}
```



- Значительное внешнее сходство в Си
- Существенное различие в ассемблере

`Mem[pgh+20*index+4*dig]`

`Mem[Mem[univ+4*index]+4*dig]`

Матрица N X N

- Фиксированные размерности
 - Значение N известно во время компиляции
- Динамически задаваемая размерность. Требуется явное преобразование индексов
 - Традиционный способ реализации динамических массивов
- Динамически задаваемая размерность с неявной индексацией.
 - Поддерживается последними версиями gcc

```
#define N 16
typedef int fix_matrix[N][N];
/* Get element a[i][j] */
int fix_ele
    (fix_matrix a, int i, int j)
{
    return a[i][j];
}
```

```
#define IDX(n, i, j) ((i)*(n)+(j))
/* Get element a[i][j] */
int vec_ele
    (int n, int *a, int i, int j)
{
    return a[IDX(n,i,j)];
}
```

```
/* Get element a[i][j] */
int var_ele
    (int n, int a[n][n], int i, int j)
{
    return a[i][j];
}
```

Матрица 16 X 16

■ Доступ к элементу матрицы

- Адрес $A + i * (C * K) + j * K$
- $C = 16, K = 4$

```
/* Получение элемента a[i][j] */  
int fix_ele(fix_matrix a, int i, int j) {  
    return a[i][j];  
}
```

```
mov    edx, dword [ebp + 12]    ; i  
sal    edx, 6                  ; i*64  
mov    eax, dword [ebp + 16]    ; j  
sal    eax, 2                  ; j*4  
add    eax, dword [ebp + 8]     ; a + j*4  
mov    eax, dword [eax + edx]   ; *(a + j*4 + i*64)
```

Матрица $n \times n$

■ Доступ к элементу матрицы

- Адрес $A + i * (C * K) + j * K$
- $C = n, K = 4$

```
/* Получение элемента a[i][j] */
int var_ele(int n, int a[n][n], int i, int j) {
    return a[i][j];
}
```

```
mov    eax, dword [ebp + 8]      ; n
sal    eax, 2                   ; n*4
mov    edx, eax                 ; n*4
imul   edx, dword [ebp + 16]    ; i*n*4
mov    eax, dword [ebp + 20]    ; j
sal    eax, 2                   ; j*4
add    eax, dword [ebp + 12]    ; a + j*4
mov    eax, dword [eax + edx]   ; *(a + j*4 + i*n*4)
```


Оптимизация доступа к элементам массива



- **Вычисления**
 - Проход по всем элементам в столбце j
- **Оптимизация**
 - Выборка последовательных элементов из отдельного столбца

```
#define N 16
typedef int fix_matrix[N][N];
```

```
/* Выборка столбца j из массива */
void fix_column
(fix_matrix a, int j, int *dest)
{
    int i;
    for (i = 0; i < N; i++)
        dest[i] = a[i][j];
}
```

Оптимизация доступа к элементам массива

- Оптимизация

- Вычисляем $a_{jp} = \&a[i][j]$

- Начальное значение $a + 4*j$
- Шаг $4*N$

Регистр	Значение
ecx	ajp
ebx	dest
edx	i

```

/* Выборка столбца j из массива */
void fix_column
  (fix_matrix a, int j, int *dest)
{
  int i;
  for (i = 0; i < N; i++)
    dest[i] = a[i][j];
}

```

```

.L8:
  mov    eax, dword [ecx]
  mov    dword [ebx + 4 * edx], eax
  add    edx, 1
  add    ecx, 64
  cmp    edx, 16
  jne    .L8
; loop:
; считываем *ajp
; сохраняем в dest[i]
; i++
; ajp += 4*N
; i vs. N
; if !=, goto loop

```

Оптимизация доступа к элементам массива

– Вычисляем $ajp = \&a[i][j]$

- Начальное значение $a + 4*j$
- Шаг $4*n$

Регистр	Значение
ecx	ajp
edi	dest
edx	i
ebx	$4*n$
esi	n

```
/* Выборка столбца j из массива */
void var_column
(int n, int a[n][n],
 int j, int *dest)
{
    int i;
    for (i = 0; i < n; i++)
        dest[i] = a[i][j];
}
```

```
.L18:
    mov    eax, dword [ecx]
    mov    dword [edi + 4 * edx], eax
    add    edx, 1
    add    ecx, ebx
    cmp    esi, edx
    jg     .L18
; loop:
; считываем *ajp
; сохраняем в dest[i]
; i++
; ajp += 4*n
; n vs. i
; if (>) goto loop
```

Оптимизация доступа к элементам массива

– Изменение направления прохода по циклу

- Выход из цикла по нулевому счетчику
- Шаг отрицательный
- Меняются начальные значения указателей
- Достаточно вывести к нулю один из индексов

```
/* Выборка столбца j из массива */
void var_column
(int n, int a[n][n],
 int j, int *dest)
{
    int i;
    for (i = n-1; i >=0; i--)
        dest[i] = a[i][j];
}
```

```
.L18:
    mov     eax, dword [ecx]
    mov     dword [edi + 4 * edx], eax
    add     edx, 1
    add     ecx, ebx
    cmp     esi, edx
    jg     .L18
; loop:
; считываем *ajp
; сохраняем в dest[i]
; i++
; ajp += 4*n
; n vs. i
; if (>) goto loop
```

Оптимизация доступа к элементам массива

Регистр	Начальное значение
ecx	$a + 4 * n * (n - 1) + 4 * j$
edi	dest - 4
edx	n
ebx	$4 * n$
esi	освободился

```

/* Retrieve column j from array */
void var_column
(int n, int a[n][n],
 int j, int *dest)
{
    int i;
    dest--;
    for (i = n; i != 0; i--)
        dest[i] = a[i-1][j];
}

```

Машинно-зависимая оптимизация

```

.L18:
    mov     eax, dword [ecx]
    mov     dword [edi + 4 * edx], eax
    sub     ecx, ebx
    sub     edx, 1
    jnz    .L18
; loop:
; считываем *(ajp+...)
; сохраняем в dest[i]
; ajp -= 4*n
; i--
; if (!=) goto loop

```

```
int m1[M][N];
int m2[N][M];

int sum_element(int i, int j) {
    return m1[i][j] + m2[j][i];
}
```

```
    ; начало пропущено
mov   ecx, dword [ebp + 8]      ; 1
mov   edx, dword [ebp + 12]    ; 2
lea   eax, [8 * ecx]          ; 3
sub   eax, ecx                 ; 4
add   eax, edx                 ; 5
lea   edx, [edx + 4 * edx]     ; 6
add   edx, ecx                 ; 7
mov   eax, dword [m1 + 4 * eax] ; 8
add   eax, dword [m2 + 4 * edx] ; 9
```